

3.1) Пусть двузначное натуральное число: $ab = 10a + b$, a - цифра десятков; b - цифра единиц.

Утроенная сумма цифр числа: $3(a+b)$, по условию она равна самому числу, т.е. $10a + b$. Составим I^{ое} уравнение: $10a + b = (a+b) \cdot 3$.

Если поменять местами его цифры, то получим число $\overline{ba} = 10b + a$, которое на 45 больше данного. Составим II^{ое} уравнение: $10b + a = 10a + b + 45$.

Решим систему:

$$\begin{cases} 10a + b = 3(a+b); \\ 10b + a = 10a + b + 45; \end{cases} \quad \begin{cases} 10a + b = 3a + 3b; \\ 9b - 9a = 45; \end{cases} \quad | :9$$

$$\begin{cases} 7a = 2b; \\ b - a = 5; \end{cases} \quad | \cdot 2 \quad \begin{cases} 2b = 7a; \\ 2b - 2a = 10; \end{cases} \quad \begin{cases} 2b = 7a; \\ 7a - 2a = 10; \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5a = 10; \\ 2b = 7a; \end{cases} \quad \begin{cases} a = 2; \\ 2b = 14; \end{cases} \quad \begin{cases} a = 2; \\ b = 7. \end{cases}$$

, итак, данное число 27.

Ответ: 27.

3.2) 1) $\frac{3a+2}{3a^2+1} - \frac{18a^3-a-9}{(3a^2+1)(3a^2-1)} + \frac{3a-2}{3a^2-1} =$

$$= \frac{(3a+2) \cdot (3a^2-1) - (18a^3-a-9) + (3a-2)(3a^2+1)}{(3a^2+1)(3a^2-1)} =$$

$$= \frac{9a^3 - 3a + 6a^2 - 2 - 18a^3 + a + 9 + 9a^3 + 3a - 6a^2 - 2}{(3a^2+1)(3a^2-1)} =$$

$$= \frac{a+5}{9a^4-1}; \quad 2) \frac{(a+5) \cdot (9a^4-1)}{(9a^4-1) \cdot (a+5)} = \frac{1}{a+5}, \quad \text{Ответ: } \frac{1}{a+5} < 0 \text{ если } a < -5.$$